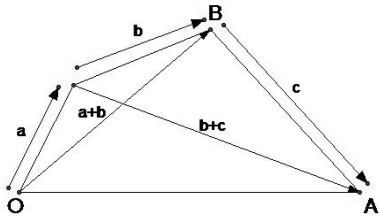


# 勘误表

误

P2 图 1-6



P7, 17 行: 即  $\dots + (\lambda_1 + 2\lambda_2)\xi_2 + \dots = 0$

P8, 23 行: a,b,c, 设三个不  $\dots e_1, e_2, e_3$  分解时, 其分解式  $\dots$

P11, 13 行: 或

16 行:  $P_1(x_1, y_1, z_1)$  和  $P_2(x_2, y_2, z_2)$

18 行: 即  $P_1, P_2$  为同一点

P12, 3 行: 故得

5 行: 由此

17 行:

20 行:

22 行:

P13, 15 行:

24 行: 向量 a

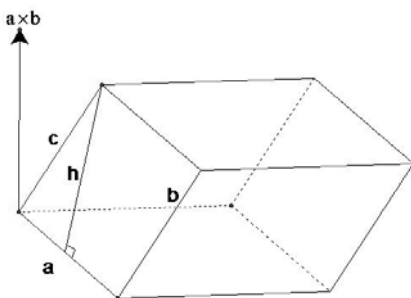
26 行:

P18, 17 行: (5)  $\dots$  四倍加上对角线  $\dots$

P20, 15 行:  $\pi$  为垂直于  $c^0$  过 O 点的平面

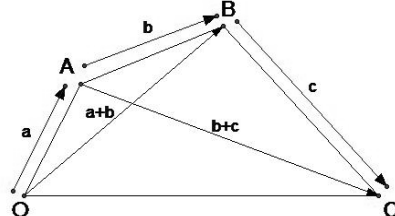
22 行:

P23, 图 1-30:



正

P2 图 1-6



即  $\dots + (\lambda_1 + 2\lambda_2 + \lambda_3)\xi_2 + \dots = 0$

a,b,c 关于三个不  $\dots e_1, e_2, e_3$  的分解式  $\dots$

或 (顶格)

$P_1$  和  $P_2$

即  $P_1, P_2$  为同一点

故得 (顶格)

由此 (顶格)

顶格

顶格

顶格

去掉“用四面体的顶点坐标把交点坐标表示出来”

向量  $r$

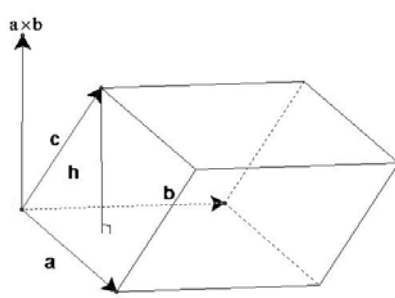
数学式子后少了逗号

(5)  $\dots$  四倍与对角线

$\pi$  为过 O 点且垂直于  $c^0$  的平面

顶格

图 1-30:



## 误

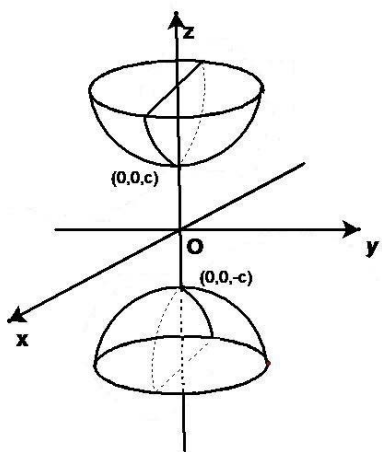
- P24, 9 行:  $= (a, b, c) = -(a, b, c)$
- P26, 13 行: P 是任意一点, 证明:
- P36, 8 行: 1.……参数方程, 一般方程。
- P41, 倒 8:  $\dots = t = -\frac{Ax_0 + By_0 + Cz_0}{AX + BY + CZ}$ ,
- 倒 7:  $x_0 - \frac{Ax_0 + By_0 + Cz_0}{AX + BY + CZ} X$ ,  
 $y = y_0 - \frac{Ax_0 + By_0 + Cz_0}{AX + BY + CZ} Y$
- 倒 6:  $z = z_0 - \frac{Ax_0 + By_0 + Cz_0}{AX + BY + CZ} Z$
- P49, 12 行: 直母线方向 柱面方向
- P50, 倒 4:  $(x-2) + y + (z-1) = 0$
- P51, 3 行:  $\overline{PM} \times a$
- 11 行: 锥面的母线
- 16 行: 设  $r(u) = \dots \mathbb{R}^3$  中一条曲线。
- 17 行: 向径, 以  $C$  为……
- P52, 倒 10: 当  $f(x, y) = 0$  是……
- 倒 9: 二次锥面
- 倒 5:  $n$  次齐次函数  $n$  次齐次方程
- P53, 6、7 行: 旋转面 旋转面的母线
- 倒 12: 顶格
- 倒 10: 与母线交于点  $P$ ……
- 倒 6: 由于  $M$  在纬圆  $C$  上, ……
- 倒 5: 在母线上, 则
- P54, 15 行:  $\begin{cases} x = \\ y = \\ z = \end{cases}$
- 18 行:  $X(u, v) = \dots$
- 20 行:  $X(u, v) = \dots$

## 正

- $= -(a, c, b)$
- P 是任意一点, O 是三角形的重心, 证明:
- 1.……参数方程与一般方程。
- $\dots = t = -\frac{Ax_0 + By_0 + Cz_0 + D}{AX + BY + CZ}$ ,
- $x_0 - \frac{Ax_0 + By_0 + Cz_0 + D}{AX + BY + CZ} X$
- $y = y_0 - \frac{Ax_0 + By_0 + Cz_0 + D}{AX + BY + CZ} Y$
- $z = z_0 - \frac{Ax_0 + By_0 + Cz_0 + D}{AX + BY + CZ} Z$
- 直母线方向 柱面方向
- $(x-2) + y - (z+1) = 0$
- $\overline{QM} \times a$
- 锥面的母线
- 设  $C: r(u) = \dots \mathbb{R}^3$  中一条曲线,
- 向径。则以  $C$  为……
- 当  $f(x, y)$  是……
- 二次锥面
- $n$  次齐次函数  $n$  次齐次方程
- 旋转面 旋转面的母线
- 顶格
- 与母线交  $C$  于点  $P$ ……
- 由于  $M$  在纬圆上, ……
- 在母线  $C$  上, 则
- $\begin{cases} x = \\ y = \\ z = \end{cases}$
- $X(u, \theta) = \dots$
- $X(u, \theta) = \dots$

## 误

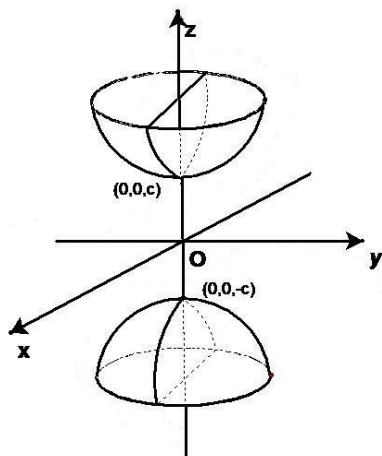
- 21 行:  
 $X(u, v) = (\sqrt{g^2(u) + h^2(u)} \cos \theta,$   
 $g(u), \sqrt{g^2(u) + h^2(u)} \sin \theta)$
- P55, 倒 5: 旋转椭球面  
 倒 3: 旋转单叶双曲面  
 倒 1: 旋转双叶双曲面
- P56, 6 行: (2) 准线为  $\begin{cases} \dots\dots \\ x = 0 \end{cases}$
- 9 行: 2.  $\dots\dots$  平行与向量
- P57, 12 行: 10.  $\dots\dots l_1: \frac{x-a}{-1} = \dots\dots$
- 倒 3: 正方体
- P58, 4 行: 顶点 长半轴 中半轴 短半轴  
 20 行: 单叶双曲面
- P59, 倒 4: 当  $|h| < C$  时
- 图 3-13



- P60, 5 行: 椭圆抛物面
- P62, 11 行: 过 x 轴的平面  $z = ky$
- P63, 倒 12、11: 直纹面 直母线  
 倒 4: oxy 面的上方
- P65, 15 行: 其他异族直母线

## 正

- $X(u, \theta) = (\sqrt{f^2(u) + h^2(u)} \cos \theta,$   
 $g(u), \sqrt{f^2(u) + h^2(u)} \sin \theta)$
- 旋转椭球面  
 旋转单叶双曲面  
 旋转双叶双曲面
- (2) 准线为  $\begin{cases} \dots\dots \\ z = 0 \end{cases}$
2.  $\dots\dots$  平行于向量
10.  $\dots\dots l_1: \frac{x-a}{1} = \dots\dots$
- 长方体  
 顶点 长半轴 中半轴 短半轴  
 单叶双曲面
- 当  $|h| > C$  时
- 图 3-13



- 椭圆抛物面
- 过 x 轴的平面为  $z = ky$
- 直纹面 直母线  
 oxy 面的两侧  
 其它异族直母线

误

20 行:

$$\begin{vmatrix} * & * & * & * \\ * & * & * & * \\ * & * & * & * \\ \frac{\mu_2}{a} & -\frac{\lambda_2}{b} & -\frac{\mu_2}{c} & -\lambda_1 \end{vmatrix}$$

$$= -\frac{1}{abc} \begin{vmatrix} * & * & * & * \\ * & * & * & * \\ * & * & * & * \\ * & * & * & -\lambda_1 \end{vmatrix}$$

$$= -\frac{4}{abc} (\lambda_1 \mu_2 - \mu_1 \lambda_2)^2 \neq 0$$

P66, 倒 4:  $a_2 = (a, b, 2\lambda_2)$

P68, 4 行: 则  $\lambda_0 = \dots$ ,  $\lambda'_0 = \dots$

P69, 7 行: 4.证明: (1) 单叶双曲面……  
8 行:

P78, 1 行: 抛物线: 椭圆  
13 行:

$$A = \begin{pmatrix} * & * & * \\ * & * & * \\ a_{13} & a_{32} & a_{33} \end{pmatrix}$$

20 行:  $I^* = \{O^*, e_1^*, e_2^*, e_3^*\}$

P79, 8 行: 特征值 主方向  
倒 4: (3.5.7)

P80, 8 行: 又  $X \cdot A = X \cdot A^T = \lambda X$

P80, 19 行:  $X_j \cdot AX_i = \lambda_j X_j \cdot X_i$

20 行: 矩阵 A

倒 6、5:

正

$$\begin{vmatrix} * & * & * & * \\ * & * & * & * \\ * & * & * & * \\ \frac{\mu_2}{a} & -\frac{\lambda_2}{b} & -\frac{\mu_2}{c} & -\lambda_2 \end{vmatrix}$$

$$= \frac{1}{abc} \begin{vmatrix} * & * & * & * \\ * & * & * & * \\ * & * & * & * \\ * & * & * & -\lambda_2 \end{vmatrix}$$

$$= \frac{4}{abc} (\lambda_1 \mu_2 - \mu_1 \lambda_2)^2 \neq 0$$

$a_2 = (a, -b, 2\lambda_2)$

则  $\lambda = \dots$ ,  $\lambda' = \dots$

4.证明: 单叶双曲面……  
删除这一行

抛物线、椭圆

$$A = \begin{pmatrix} * & * & * \\ * & * & * \\ a_{13} & a_{23} & a_{33} \end{pmatrix}$$

$I^* = \{O, e_1^*, e_2^*, e_3^*\}$

特征值 主方向  
(3.5.8)

又在直角坐标系下两个向量  $X$ ,  $Y$  的内积

$X \cdot Y = X^T Y$ , 所以  $X \cdot (A\bar{X}) = X^T (A\bar{X}) =$

$(X^T A)\bar{X}$ 。由于  $X^T A = (A^T X)^T = (AX)^T =$

$\lambda X^T$ , 所以  $X \cdot (A\bar{X}) = \lambda X \cdot \bar{X}$ 。

$X_j \cdot AX_i = X_j^T (AX_i) = (A^T X_j)^T X_i = (AX_j)^T X_i = \lambda_j X_j \cdot X_i$

矩阵 A

将 A 与  $X_3$  写在同一行中

## 误

P81, 10 行:  $3(a_{12}^2 + a_{23}^2 + a_{33}^2)$

P83, 倒 7:  $\{O, e_1', e_2', e_3'\}$

P84, 13 行:

$$I_4 = I_4' = \begin{vmatrix} \lambda_1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \lambda_2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -a_{34}^* \\ 0 & 0 & -a_{34}^* & 0 \end{vmatrix}$$

倒 5:  $\{O, e_1', e_2', e_3'\}$

P85, 倒 5:  $\{O, e_1', e_2', e_3'\}$ , 使得  $e_i' = e_i^*$  (i=1,2,3), 且

P87, 表格中 IV:  $\lambda_1 x'^2 \pm 2\sqrt{-\frac{K_2}{I_1}} y' = 0$

P89, 2 行:  $e_2^* = \frac{x_2}{|x_2|} = \frac{1}{\sqrt{2}}[-1, 1, 1]^T$

6 行: 下的方程为

7 行:

$$5(x^* + \frac{\sqrt{3}}{30})^2 - (y^* - \frac{\sqrt{2}}{4})^2 - z^{*2} + \frac{253}{120} = 0$$

8 行:

$$5(x^* + \frac{\sqrt{3}}{30})^2 - (y^* - \frac{\sqrt{2}}{4})^2 - z^{*2} + \frac{253}{120} = 0$$

10 行: 
$$\begin{cases} x' = x^* + \frac{\sqrt{3}}{30} \\ y' = y^* - \frac{\sqrt{3}}{4} \\ z' = z^* \end{cases}$$

12 行:  $5x'^2 - y'^2 - z'^2 + \frac{253}{120} = 0$

14 行:

## 正

$3(a_{12}^2 + a_{23}^2 + a_{13}^2)$

$\{O, e_1', e_2', e_3'\}$

$$I_4 = I_4' = \begin{vmatrix} \lambda_1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \lambda_2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & a_{34}^* \\ 0 & 0 & a_{34}^* & 0 \end{vmatrix}$$

$\{O, e_1', e_2', e_3'\}$

$\{O, e_1', e_2', e_3'\}$ , 使得在新坐标系下点坐标变换公式为

$\lambda_1 x'^2 \pm 2\sqrt{-\frac{K_2}{I_1}} y' = 0$

$e_2^* = \frac{x_2}{|x_2|} = \frac{1}{\sqrt{2}}[-1, 1, 0]^T$

下化为

$$5x^{*2} - y^{*2} - z^{*2} + \sqrt{3}x^* + \sqrt{2}y^* + 2 = 0$$

$$5(x^* + \frac{\sqrt{3}}{10})^2 - (y^* - \frac{\sqrt{2}}{2})^2 - z^{*2} + \frac{47}{20} = 0$$

$$\begin{cases} x' = x^* + \frac{\sqrt{3}}{10} \\ y' = y^* - \frac{\sqrt{2}}{2} \\ z' = z^* \end{cases}$$

$5x'^2 - y'^2 - z'^2 + \frac{47}{20} = 0$

误

$$\begin{cases} x = \frac{1}{\sqrt{3}}x' - \frac{1}{\sqrt{2}}y' - \frac{1}{\sqrt{6}}z' - \frac{17}{60} \\ y = \frac{1}{\sqrt{3}}x' + \frac{1}{\sqrt{2}}y' - \frac{1}{\sqrt{6}}z' + \frac{13}{60} \\ z = \frac{1}{\sqrt{3}}x' + \frac{3}{\sqrt{6}}z' - \frac{1}{30} \end{cases}$$

17 行: (1)  $\cdots -2xz - 2x - 2y + z = 0$

P90, 2 行:  $I_4 = \cdots = -\frac{9 \times 81}{16} \neq 0$

8 行:  $3(x^2 + y^2) = 2z'$

P92, 10 行:  $\begin{cases} x^2 + y^2 = 1 \\ y^2 + z^2 = 1 \end{cases}$

倒 3:  $\begin{cases} x^2 + (y-1)^2 = 1 \\ z^2 + 2y = 2 \end{cases}$

倒 2:  $|x| \leq 2$

P95, 12 行: 象

13 行: 原象

15 行: 单射

16 行:  $y \in M$

16 行: 满射

17 行: 双射 1-1 映射

19 行: 相等

21 行: 乘积 复合

25 行: 恒等变换

26 行: 单位变换  $id_M$

27 行:  $id_M \quad id_N$

P96, 4 行: 等距变换

5 行: 不动点

6 行: 正交变换

7 行: 平移

11 行: 平移向量

17 行: 旋转

22 行: 旋转 旋转中心 旋转角

正

$$\begin{cases} x = \frac{1}{\sqrt{3}}x' - \frac{1}{\sqrt{2}}y' - \frac{1}{\sqrt{6}}z' - \frac{3}{5} \\ y = \frac{1}{\sqrt{3}}x' + \frac{1}{\sqrt{2}}y' - \frac{1}{\sqrt{6}}z' + \frac{2}{5} \\ z = \frac{1}{\sqrt{3}}x' + \frac{3}{\sqrt{6}}z' - \frac{1}{10} \end{cases}$$

(1)  $\cdots -2xz - 2yz - 2x - 2y + z = 0$

$I_4 = \cdots = \frac{9 \times 81}{16} \neq 0$

$3(x^2 - y^2) = -2z'$

$\begin{cases} x^2 + y^2 = 1 \\ y^2 + z^2 = 1 \end{cases}$

$\begin{cases} x^2 + (y-1)^2 = 1 \\ z^2 + 2y = 4 \end{cases}$

$|x| \leq 1$

象

原象

单射

$y \in N$

满射

双射 1-1 映射

相等

乘积 复合

恒等变换

单位变换  $id_M$

$id_M \quad id_N$

等距变换

不动点

正交变换

平移

平移向量

旋转

旋转 旋转中心 旋转角

误

P96, 21 行:  $\overline{OA}$

25 行:  $y = \sin \alpha$

26 行:  $y' = \sin(\alpha + \theta)$

27 行: 下的点坐标表示……

P97, 20 行: 长度, 当点 B 是……

21 行:  $\overline{AB}, \overline{BC}$

22 行:  $\overline{AB}, \overline{BC}$

P99, 1 行:  $\overline{O\sigma(p)}$

8 行:  $\sigma e_1, \sigma e_2$

P100, 倒 13: 可逆变换

P101, 17 行:  $d(\sigma(A), \sigma(B)) = \lambda d(A, B)$

18 行: 相似变换 相似比

P102, 11 行:  $\sigma\lambda(a)$

13 行:  $\sigma(\lambda a)$

倒 5:  $v\sigma(a)$ . 由

P105, 倒 11: 设  $\sigma$  它在……

倒 1:  $\varepsilon'_i$

$\varepsilon_i, \varepsilon'_i$

P106, 9 行:  $\varepsilon''_i = \frac{\varepsilon'_i}{\sqrt{\lambda}}$

P107, 17 行: 即  $x' = x'(x, y)$

P108, 4 行: 1.……每个位似变换……

P109, 3 行: 等距变换 正交变换

4 行: O, 取定一个向量……

6 行:  $\overline{O\sigma(P)} = v$

7 行: 平移

正

$\overline{OA}$

$y = \rho \sin \alpha$

$y' = \rho \sin(\alpha + \theta)$

下坐标表示……

长度。当点 B 是……

$\overline{AB}, \overline{BC}$

$\overline{AB}, \overline{BC}$

$\overline{O\sigma(P)}$

$\sigma(e_1), \sigma(e_2)$

可逆变换

$d(\sigma(A), \sigma(B)) = \lambda d(A, B)$

相似变换 相似比

$\sigma(\lambda a)$

$\sigma(\lambda a)$

$v\sigma(a)$ ,  $v \neq 0$ . 由

设  $\sigma$  在……

$\varepsilon'_i$

$\varepsilon_i, \varepsilon'_i$

$\varepsilon''_i = \frac{\varepsilon'_i}{\sqrt{\lambda}}$

则  $x' = x'(x, y)$

1.……每个位似系数为正的位似变换……

等距变换 正交变换

O 和一个向量

$\overline{P\sigma(P)} = v$

平移

## 误

P109, 10 行: 反射 镜面反射  
12 行: 变换的几乎……

19 行:  $\overline{AB}$

倒 2:  $x\sigma(e_1), y\sigma(e_2)$

倒 1: 利用……

P110, 倒 4:  $C_{31} = C_{32} = 0$

$$C_{13}^2 + C_{23}^2 + C_{33}^2 = 1$$

倒 3:  $C_{13} = C_{23} = 0$

P111, 倒 8: b) 对一两个

倒 5: 仿射变换

P113, 5 行: 变换群

P129, 16 行: 射影变换

P130, 倒 11:

P168, 倒 9: (3)  $2x + 2y - 2z - 1 = 0$

$$(4) 6x + 3y + 2z - 8 = 0$$

3. 平面方程为

$$6x + 3y + z - 6 = 0.$$

倒 5: (4)

$$4(x - 2z)^2 + 25(y^2 + z^2 - 1) = 0$$

倒 1: 5. (1)

$$\begin{cases} z^2 = a^2 - ax, \\ x^2 + y^2 - ax = 0; \end{cases}$$

P169, 14 行: 6. 当  $m \geq -\frac{1}{4}$

18 行: 或

## 正

反射 镜面反射  
变换几乎……

$\overline{AB}$

$x\sigma(e_1) + y\sigma(e_2)$

设  $\sigma(O)$  在坐标系  $\{O; e_1, e_2, e_3\}$  下的坐标

为  $(x_0, y_0, z_0)$ , 利用……

$C_{13} = C_{23} = 0$

$$C_{31}^2 + C_{32}^2 + C_{33}^2 = 1$$

$C_{31} = C_{32} = 0$

b) 对于两个

仿射变换

变换群

射影变换

去掉 (留作练习)

$2x + 2y - 2z - 1 = 0$  和  $9x + 7y - 10z = 0$

$$6x + 3y + 2z - 8 = 0 \text{ 和 } 2x - 9y + 6z + 4 = 0$$

3. 平面方程为

$$6x + 3y + z - 6 = 0 \text{ 和 } 6x + 3y - z - 6 = 0$$

(4)

$$25y^2 + (2x + z - 5)^2 = 25$$

5 (1)  $z^2 = a^2 - ax; x^2 + y^2 - ax = 0;$

$$\left(\frac{a}{2} - \frac{z}{a}\right)^2 + y^2 = a^2$$

6. 当  $m > -\frac{1}{4}$

且